

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

**Министерство образования Иркутской области
Администрация Иркутского районного муниципального образования
МОУ ИРМО "Грановская СОШ"**

РАССМОТРЕНО

на заседании МО
учителей математики и
информатики

Руководитель

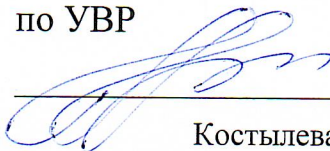


Воробьева Е.И.

Протокол №1 от «31»
августа 2023 г.

СОГЛАСОВАНО

Заместитель директора
по УВР



Костылева Г.Г.

Приказ №211 от «01»
сентября 2023 г.

УТВЕРЖДЕНО

Директор



Сидорина Н.П.

Приказ №211 от «01»
сентября 2023 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА

(ID 858749)

**учебного предмета «Вероятность и статистика». Углубленный уровень
для обучающихся 10-11 классов**

д.Грановщина 2023

ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА

Учебный курс «Вероятность и статистика» углублённого уровня является продолжением и развитием одноименного учебного курса углублённого уровня на уровне среднего общего образования. Учебный курс предназначен для формирования у обучающихся статистической культуры и понимания роли теории вероятностей как математического инструмента для изучения случайных событий, величин и процессов. При изучении курса обогащаются представления обучающихся о методах исследования изменчивого мира, развивается понимание значимости и общности математических методов познания как неотъемлемой части современного естественно-научного мировоззрения.

Содержание учебного курса направлено на закрепление знаний, полученных при изучении курса на уровне основного общего образования, и на развитие представлений о случайных величинах и взаимосвязях между ними на важных примерах, сюжеты которых почерпнуты из окружающего мира. В результате у обучающихся должно сформироваться представление о наиболее употребительных и общих математических моделях, используемых для описания антропометрических и демографических величин, погрешностей в различных рода измерениях, длительности безотказной работы технических устройств, характеристик массовых явлений и процессов в обществе. Учебный курс является базой для освоения вероятностно-статистических методов, необходимых специалистам не только инженерных специальностей, но также социальных и психологических, поскольку современные общественные науки в значительной мере используют аппарат анализа больших данных. Центральную часть учебного курса занимает обсуждение закона больших чисел – фундаментального закона природы, имеющего математическую формализацию.

В соответствии с указанными целями в структуре учебного курса «Вероятность и статистика» на углублённом уровне выделены основные содержательные линии: «Случайные события и вероятности» и «Случайные величины и закон больших чисел».

Помимо основных линий в учебный курс включены элементы теории графов и теории множеств, необходимые для полноценного освоения материала данного учебного курса и смежных математических учебных курсов.

Содержание линии «Случайные события и вероятности» служит основой для формирования представлений о распределении вероятностей между значениями случайных величин. Важную часть в этой содержательной

линии занимает изучение геометрического и биномиального распределений и знакомство с их непрерывными аналогами – показательным и нормальным распределениями.

Темы, связанные с непрерывными случайными величинами и распределениями, акцентируют внимание обучающихся на описании и изучении случайных явлений с помощью непрерывных функций. Основное внимание уделяется показательному и нормальному распределениям.

В учебном курсе предусматривается ознакомительное изучение связи между случайными величинами и описание этой связи с помощью коэффициента корреляции и его выборочного аналога. Эти элементы содержания развивают тему «Диаграммы рассеивания», изученную на уровне основного общего образования, и во многом опираются на сведения из курсов алгебры и геометрии.

Ещё один элемент содержания, который предлагается на ознакомительном уровне – последовательность случайных независимых событий, наступающих в единицу времени. Ознакомление с распределением вероятностей количества таких событий носит развивающий характер и является актуальным для будущих абитуриентов, поступающих на учебные специальности, связанные с общественными науками, психологией и управлением.

На изучение учебного курса «Вероятность и статистика» на углубленном уровне отводится 68 часов: в 10 классе – 34 часа (1 час в неделю), в 11 классе – 34 часа (1 час в неделю).

СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ

10 КЛАСС

Граф, связный граф, пути в графе: циклы и цепи. Степень (валентность) вершины. Графы на плоскости. Деревья.

Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы). Вероятность случайного события. Близость частоты и вероятности событий. Случайные опыты с равновозможными элементарными событиями.

Операции над событиями: пересечение, объединение, противоположные события. Диаграммы Эйлера. Формула сложения вероятностей.

Условная вероятность. Умножение вероятностей. Дерево случайного эксперимента. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Независимые события.

Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха. Перестановки и факториал. Число сочетаний. Треугольник Паскаля. Формула бинома Ньютона.

Серия независимых испытаний Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности.

Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения. Операции над случайными величинами. Бинарная случайная величина. Примеры распределений, в том числе геометрическое и биномиальное.

11 КЛАСС

Совместное распределение двух случайных величин. Независимые случайные величины.

Математическое ожидание случайной величины (распределения). Примеры применения математического ожидания (страхование, лотерея). Математическое ожидание бинарной случайной величины. Математическое ожидание суммы случайных величин. Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений.

Дисперсия и стандартное отклонение случайной величины (распределения). Дисперсия бинарной случайной величины. Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин. Дисперсия и стандартное отклонение биномиального

распределения. Дисперсия и стандартное отклонение геометрического распределения.

Неравенство Чебышёва. Теорема Чебышёва. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод последовательный. Выборочные характеристики. Оценивание вероятности события по выборочным данным. Проверка простейших гипотез с помощью изученных распределений.

Непрерывные случайные величины. Примеры. Функция плотности вероятности распределения. Равномерное распределение и его свойства. Задачи, приводящие к показательному распределению. Задачи, приводящие к нормальному распределению. Функция плотности вероятности показательного распределения, функция плотности вероятности нормального распределения. Функция плотности и свойства нормального распределения.

Последовательность одиночных независимых событий. Задачи, приводящие к распределению Пуассона.

Ковариация двух случайных величин. Коэффициент линейной корреляции. Совместные наблюдения двух величин. Выборочный коэффициент корреляции. Различие между линейной связью и причинно-следственной связью. Линейная регрессия, метод наименьших квадратов.

ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «ВЕРОЯТНОСТЬ И СТАТИСТИКА» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

1) гражданского воспитания:

сформированность гражданской позиции обучающегося как активного и ответственного члена российского общества, представление о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и другое), умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением;

2) патриотического воспитания:

сформированность российской гражданской идентичности, уважения к прошлому и настоящему российской математики, ценностное отношение к достижениям российских математиков и российской математической школы, использование этих достижений в других науках, технологиях, сферах экономики;

3) духовно-нравственного воспитания:

осознание духовных ценностей российского народа, сформированность нравственного сознания, этического поведения, связанного с практическим применением достижений науки и деятельностью учёного, осознание Личного вклада в построение устойчивого будущего;

4) эстетического воспитания:

эстетическое отношение к миру, включая эстетику математических закономерностей, объектов, задач, решений, рассуждений, восприимчивость к математическим аспектам различных видов искусства;

5) физического воспитания:

сформированность умения применять математические знания в интересах здорового и безопасного образа жизни, ответственное отношение к своему здоровью (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность), физическое совершенствование при занятиях спортивно-оздоровительной деятельностью;

6) трудового воспитания:

готовность к труду, осознание ценности трудолюбия, интерес к различным сферам профессиональной деятельности, связанным с математикой и её приложениями, умение совершать осознанный выбор будущей профессии и реализовывать собственные жизненные планы, готовность и способность к математическому образованию и самообразованию на протяжении всей жизни, готовность к активному участию в решении практических задач математической направленности;

7) экологического воспитания:

сформированность экологической культуры, понимание влияния социально-экономических процессов на состояние природной и социальной среды, осознание глобального характера экологических проблем, ориентация на применение математических знаний для решения задач в области окружающей среды, планирование поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды;

8) ценности научного познания:

сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, понимание математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации, овладение языком математики и математической культурой как средством познания мира, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе.

МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

Познавательные универсальные учебные действия

Базовые логические действия:

выявлять и характеризовать существенные признаки математических объектов, понятий, отношений между понятиями, формулировать определения понятий, устанавливать существенный признак классификации, основания для обобщения и сравнения, критерии проводимого анализа;

воспринимать, формулировать и преобразовывать суждения: утвердительные и отрицательные, единичные, частные и общие, условные;

выявлять математические закономерности, взаимосвязи и противоречия в фактах, данных, наблюдениях и утверждениях, предлагать критерии для выявления закономерностей и противоречий;

делать выводы с использованием законов логики, дедуктивных и индуктивных умозаключений, умозаключений по аналогии;

проводить самостоятельно доказательства математических утверждений (прямые и от противного), выстраивать аргументацию, приводить примеры и контрпримеры, обосновывать собственные суждения и выводы;

выбирать способ решения учебной задачи (сравнивать несколько вариантов решения, выбирать наиболее подходящий с учётом самостоятельно выделенных критериев).

Базовые исследовательские действия:

использовать вопросы как исследовательский инструмент познания, формулировать вопросы, фиксирующие противоречие, проблему, устанавливать искомое и данное, формировать гипотезу, аргументировать свою позицию, мнение;

проводить самостоятельно спланированный эксперимент, исследование по установлению особенностей математического объекта, явления, процесса, выявлению зависимостей между объектами, явлениями, процессами;

самостоятельно формулировать обобщения и выводы по результатам проведённого наблюдения, исследования, оценивать достоверность полученных результатов, выводов и обобщений;

прогнозировать возможное развитие процесса, а также выдвигать предположения о его развитии в новых условиях.

Работа с информацией:

выявлять дефициты информации, данных, необходимых для ответа на вопрос и для решения задачи;

выбирать информацию из источников различных типов, анализировать, систематизировать и интерпретировать информацию различных видов и форм представления;

структурировать информацию, представлять её в различных формах, иллюстрировать графически;

оценивать надёжность информации по самостоятельно сформулированным критериям.

Коммуникативные универсальные учебные действия

Общение:

воспринимать и формулировать суждения в соответствии с условиями и целями общения, ясно, точно, грамотно выражать свою точку зрения в устных и письменных текстах, давать пояснения по ходу решения задачи, комментировать полученный результат;

в ходе обсуждения задавать вопросы по существу обсуждаемой темы, проблемы, решаемой задачи, высказывать идеи, нацеленные на поиск решения, сопоставлять свои суждения с суждениями других участников диалога, обнаруживать различие и сходство позиций, в корректной форме формулировать разногласия, свои возражения;

представлять результаты решения задачи, эксперимента, исследования, проекта, самостоятельно выбирать формат выступления с учётом задач презентации и особенностей аудитории.

Регулятивные универсальные учебные действия

Самоорганизация:

составлять план, алгоритм решения задачи, выбирать способ решения с учётом имеющихся ресурсов и собственных возможностей, аргументировать и корректировать варианты решений с учётом новой информации.

Самоконтроль, эмоциональный интеллект:

владеть навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов, владеть способами самопроверки, самоконтроля процесса и результата решения математической задачи;

предвидеть трудности, которые могут возникнуть при решении задачи, вносить коррективы в деятельность на основе новых обстоятельств, данных, найденных ошибок, выявленных трудностей;

оценивать соответствие результата цели и условиям, объяснять причины достижения или недостижения результатов деятельности, находить ошибку, давать оценку приобретённому опыту.

Совместная деятельность:

понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы при решении учебных задач, принимать цель совместной деятельности, планировать организацию совместной работы, распределять виды работ, договариваться, обсуждать процесс и результат работы, обобщать мнения нескольких людей;

участвовать в групповых формах работы (обсуждения, обмен мнениями, «мозговые штурмы» и иные), выполнять свою часть работы и координировать свои действия с другими членами команды, оценивать качество своего вклада в общий продукт по критериям, сформулированным участниками взаимодействия.

ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ

К концу 10 класса обучающийся научится:

свободно оперировать понятиями: граф, плоский граф, связный граф, путь в графе, цепь, цикл, дерево, степень вершины, дерево случайного эксперимента;

свободно оперировать понятиями: случайный эксперимент (опыт), случайное событие, элементарное случайное событие (элементарный исход) случайного опыта, находить вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями;

находить и формулировать события: пересечение, объединение данных событий, событие, противоположное данному, использовать диаграммы Эйлера, координатную прямую для решения задач, пользоваться формулой сложения вероятностей для вероятностей двух и трех случайных событий;

оперировать понятиями: условная вероятность, умножение вероятностей, независимые события, дерево случайного эксперимента, находить вероятности событий с помощью правила умножения, дерева случайного опыта, использовать формулу полной вероятности, формулу Байеса при решении задач, определять независимость событий по формуле и по организации случайного эксперимента;

применять изученные комбинаторные формулы для перечисления элементов множеств, элементарных событий случайного опыта, решения задач по теории вероятностей;

свободно оперировать понятиями: бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача, независимые испытания, серия испытаний, находить вероятности событий: в серии испытаний до первого успеха, в

серии испытаний Бернулли, в опыте, связанном со случайным выбором из конечной совокупности;

свободно оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, диаграмма распределения, бинарная случайная величина, геометрическое, биномиальное распределение.

К концу **11 класса** обучающийся научится:

оперировать понятиями: совместное распределение двух случайных величин, использовать таблицу совместного распределения двух случайных величин для выделения распределения каждой величины, определения независимости случайных величин;

свободно оперировать понятием математического ожидания случайной величины (распределения), применять свойства математического ожидания при решении задач, вычислять математическое ожидание биномиального и геометрического распределений;

свободно оперировать понятиями: дисперсия, стандартное отклонение случайной величины, применять свойства дисперсии случайной величины (распределения) при решении задач, вычислять дисперсию и стандартное отклонение геометрического и биномиального распределений;

вычислять выборочные характеристики по данной выборке и оценивать характеристики генеральной совокупности данных по выборочным характеристикам. Оценивать вероятности событий и проверять простейшие статистические гипотезы, пользуясь изученными распределениями.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов	
		Всего	Контрольные работы Практические работы
1	Элементы теории графов	3	
2	Случайные опыты, случайные события и вероятности событий	3	
3	Операции над множествами и событиями. Сложение и умножение вероятностей. Условная вероятность. Независимые события	5	
4	Элементы комбинаторики	4	1
5	Серии последовательных испытаний. Испытания Бернулли. Случайный выбор из конечной совокупности	5	
6	Случайные величины и распределения	14	1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2
			0

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

№ п/п	Наименование разделов и тем программы	Количество часов		
		Всего	Контрольные работы	Практические работы
1	Закон больших чисел	5		
2	Элементы математической статистики	6		
3	Непрерывные случайные величины (распределения), показательное и нормальное распределения	4		
4	Распределение Пуассона	2		
5	Связь между случайными величинами	6		
6	Обобщение и систематизация знаний	11	1	
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	0

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 10 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Граф, связный граф, представление задачи с помощью графа	1		https://goo.su/6zMGKZx
2	Степень (валентность) вершины. Путь в графе. Цепи и циклы	1		https://goo.su/lj8zIUK
3	Графы на плоскости. Дерево случайного эксперимента	1		https://goo.su/OgZV
4	Случайные эксперименты (опыты) и случайные события. Элементарные события (исходы)	1		https://goo.su/Rx2Q
5	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1		https://goo.su/ul8YWOP
6	Вероятность случайного события. Вероятности событий в опытах с равновероятными элементарными событиями	1		https://goo.su/8BArhB https://goo.su/hxOZJ5n
7	Пересечение, объединение множеств и событий, противоположные события. Формула сложения вероятностей	1		https://goo.su/hxOZJ5n https://goo.su/0osCS https://goo.su/HdZs
8	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1		https://goo.su/yt78PqI https://goo.su/ANjk6Gc
9	Условная вероятность. Умножение вероятностей. Формула условной вероятности	1		https://goo.su/T739Um https://goo.su/v9TSHGR
10	Формула полной вероятности	1		https://goo.su/a2z4h
11	Формула Байеса. Независимые события	1		https://goo.su/zdRO6 https://goo.su/8G1YC
12	Комбинаторное правило умножения. Перестановки и факториал	1		https://goo.su/qBkK
13	Число сочетаний. Треугольник Паскаля	1		https://goo.su/VnoV https://goo.su/IEHy
14	Формула бинома Ньютона	1		https://goo.su/jmDoEyX

15	Контрольная работа №1: "Графы, вероятности, множества, комбинаторика"	1	1	https://goo.su/13pPgn https://goo.su/K0gju4
16	Бинарный случайный опыт (испытание), успех и неудача. Независимые испытания. Серия независимых испытаний до первого успеха	1	1	https://goo.su/MHcJUeS
17	Серия независимых испытаний до первого успеха	1	1	https://goo.su/PVCiW
18	Серия независимых испытаний Бернулли	1	1	https://goo.su/MP97L
19	Случайный выбор из конечной совокупности	1	1	https://goo.su/7QwGXsk
20	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	1	https://goo.su/Rhcs3cR
21	Случайная величина. Распределение вероятностей. Диаграмма распределения	1	1	https://goo.su/ex07
22	Операции над случайными величинами. Примеры распределений. Бинарная случайная величина	1	1	https://goo.su/U0zWu1
23	Геометрическое распределение. Биномиальное распределение	1	1	https://goo.su/SRQv1De
24	Математическое ожидание случайной величины. Совместное распределение двух случайных величин	1	1	https://goo.su/k8Qn
25	Независимые случайные величины. Свойства математического ожидания. Математическое ожидание бинарной случайной величины	1	1	https://goo.su/WmJBD
26	Математическое ожидание геометрического и биномиального распределений	1	1	https://goo.su/xUc0
27	Дисперсия и стандартное отклонение	1	1	https://goo.su/sXrao
28	Дисперсия бинарной случайной величины. Свойства дисперсии	1	1	https://goo.su/gHwz
29	Математическое ожидание произведения и дисперсия суммы независимых случайных величин	1	1	https://goo.su/CNPNM0
30	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	1	https://goo.su/WmJBD
31	Дисперсия биномиального распределения. Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	1	https://goo.su/VxnUHul
32	Обобщение и систематизация знаний	1	1	

33	Контрольная работа №2: "Испытания Бернулли. Случайные величины и распределения"	1	1	https://goo.su/13pPgn https://goo.su/5Uijj https://goo.su/H7cKrG
34	Обобщение и систематизация знаний	1		https://goo.su/VxnUHu1
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	2	

ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ 11 КЛАСС

№ п/п	Тема урока	Количество часов		Электронные (цифровые) образовательные ресурсы
		Всего	Контрольные работы	
1	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1		https://goo.su/6zMGKZx
2	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1		https://goo.su/lj8zIUK
3	Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел	1		https://goo.su/OgZY
4	Выборочный метод исследований	1		https://goo.su/Rx2Q
5	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		https://goo.su/ul8YWOP
6	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1		https://goo.su/8BArhB https://goo.su/hxOZJ5n
7	Генеральная совокупность и случайная выборка. Знакомство с выборочными характеристиками. Оценка среднего и дисперсии генеральной совокупности с помощью выборочных характеристик	1		https://goo.su/hxOZJ5n https://goo.su/0osCS https://goo.su/HdZs
8	Оценивание вероятностей событий по выборке	1		https://goo.su/yI78PqI https://goo.su/ANjk6Gc
9	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1		https://goo.su/T739Um https://goo.su/v9TSHGR
10	Статистическая гипотеза. Проверка простейших гипотез с помощью свойств изученных распределений	1		https://goo.su/a2z4h
11	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1		https://goo.su/zdRO6 https://goo.su/8G1YC

12	Примеры непрерывных случайных величин. Функция плотности вероятности	1	https://goo.su/qBKk
13	Равномерное распределение. Примеры задач, приводящих к показательному и к нормальному распределениям	1	https://goo.su/VnoV https://goo.su/IEHy
14	Функция плотности вероятности показательного распределения	1	https://goo.su/jmDoEyX
15	Функция плотности вероятности нормального распределения	1	https://goo.su/13pPgn https://goo.su/K0gju4
16	Последовательность одиночных независимых событий. Пример задачи, приводящей к распределению Пуассона	1	https://goo.su/MHcJUeS
17	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://goo.su/PVCiW
18	Ковариация двух случайных величин. Коэффициент корреляции	1	https://goo.su/MP97L
19	Совместные наблюдения двух величин	1	https://goo.su/7QwGXsk
20	Выборочный коэффициент корреляции	1	https://goo.su/Rhcs3cR
21	Различие между линейной связью и причинно-следственной связью	1	https://goo.su/ex07
22	Линейная регрессия	1	
23	Практическая работа с использованием электронных таблиц	1	https://goo.su/U0zWu1
24	Представление данных с помощью таблиц и диаграмм, описательная статистика	1	https://goo.su/SRQv1De
25	Опыты с равновероятными элементарными событиями	1	https://goo.su/k8Qn
26	Вычисление вероятностей событий с применением формул	1	https://goo.su/WmJBD
27	Вычисление вероятностей событий с применением графических методов: координатная прямая, дерево, диаграмма Эйлера	1	https://goo.su/xUc0
28	Случайные величины и распределения	1	https://goo.su/sXrao
29	Математическое ожидание случайной величины	1	https://goo.su/gHwz
30	Математическое ожидание случайной величины	1	https://goo.su/CNPRANM 0

31	Контрольная работа: "Вероятность и статистика"	1	1	https://goo.su/WmJBD
32	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1		https://goo.su/VxnUHul
33	Вычисление вероятностей событий с применением формул и графических методов	1		https://goo.su/13pPgn https://goo.su/5Uijj https://goo.su/H7cKrG
34	Случайные величины и распределения. Математическое ожидание случайной величины	1		https://goo.su/VxnUHul
ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ		34	1	

УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОГО ПРОЦЕССА

ОБЯЗАТЕЛЬНЫЕ УЧЕБНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧЕНИКА

1. Ю.Н.Тюрин, А.А.Макаров, И.Р.Высоцкий, И.В.Яценко Теория вероятностей и статистика. Экспериментальное учебное пособие для 10-11 классов общеобразовательных учреждений. М.: МЦНМО, 2014.

МЕТОДИЧЕСКИЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ УЧИТЕЛЯ

1. Конструктор программ Примерная рабочая программа основного общего образования предмета «Математика» (углубленный уровень);
2. Ю.Н.Тюрин, А.А.Макаров, И.Р.Высоцкий, И.В.Яценко Теория вероятностей и статистика. Экспериментальное учебное пособие для 10-11 классов общеобразовательных учреждений. М.: МЦНМО, 2014.;
3. В.С. Лютикас Факультативный курс по математике: Теория вероятностей: Учебное пособие для 9-11 кл. сред. школы – 3-е изд., перераб. – М: Просвещение 1990. – 160с.;
4. П. К. Катышев, А. А. Пересецкий Задачи с решениями по вероятности и статистике для экономистов М.: Изд. дом Высшей школы экономики, 2014.
5. А. Шень Вероятность: примеры и задачи. 3-е изд., дополненное. М.: МЦНМО, 2012.
6. И.С. Зарядов Статистический пакет R: теория вероятностей и математическая статистика. Учебно-методическое пособие, РУДН, 2010.
7. М. Кельберт, Ю. Сухов Вероятность и статистика в примерах и задачах. Том 1. Основные понятия теории вероятностей и математической статистики. 2-е издание, дополненное. М.: МЦНМО, 2010
8. Ф. Мостеллер Пятьдесят занимательных вероятностных задач с решениями. М.: Наука. 1975
9. А.М. Яглом, И.М. Яглом Неэлементарные задачи в элементарном изложении. Задачи по комбинаторике и теории вероятностей. Задачи из разных областей математики. Выпуск 5 серии "библиотечка математического кружка". М.: Гостехиздат, 1954

Дополнительные источники информации:

10. Закон «Об образовании в Российской Федерации» (ФЗ от 29.12.2012 №273-ФЗ).
11. Лукичева Е.Ю. ФГОС: обновление содержания и технологий обучения математике. – СПб.: СПб АППО, 2015.
12. Лукичева Е.Ю., Захарова В.Ф., Жигулев Л.А., Некрасов В.Б. Теория и методика обучения (математика): учеб. пособие под. науч. ред. Е.Ю. Лукичевой. – СПб.: СПб АППО, 2019. – 140 с.
13. Математика. Универсальный многоуровневый сборник задач. 7-9 классы. Учеб. пособие для общеобразоват. организаций. в 3 ч. ч. 3. Статистика. Вероятность. Комбинаторика. Практические задачи /И.Р. Высоцкий, И.В. Яценко. - М.: Просвещение, 2020.

ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ ИНТЕРНЕТ

1. <https://www.garant.ru/products/ipo/prime/doc/70452506/> Концепция развития математического образования в РФ;
2. www.standart.edu.ru и www.fgos.ru – Федеральные сайты, обеспечивающие внедрение ФГОС;
3. <https://www.garant.ru/products/ipo/prime/doc/401333920/> Федеральный государственный образовательный стандарт основного общего образования (Приказ МП РФ № 287 от 31.05.2021г.);
4. <http://ptlab.mccme.ru/vertical> Сайт Лаборатории теории вероятностей и статистики МЦМНО «Вероятность в школе»;
5. https://edsoo.ru/Primernie_rabochie_progra.htm Примерная рабочая программа основного общего образования предмета «Математика» базовый уровень)
6. Сайт «Вероятность и статистика в школьном курсе математики: учебник, методическое пособие для учителя и набор цифровых ресурсов, виртуальные лаборатории для моделирования случайных опытов, событий и величин» //Конкурс НФПК "Разработка Инновационных учебно-методических комплексов (ИУМК) для системы общего образования";
7. <http://www.fipi.ru/> сайт ФИПИ.